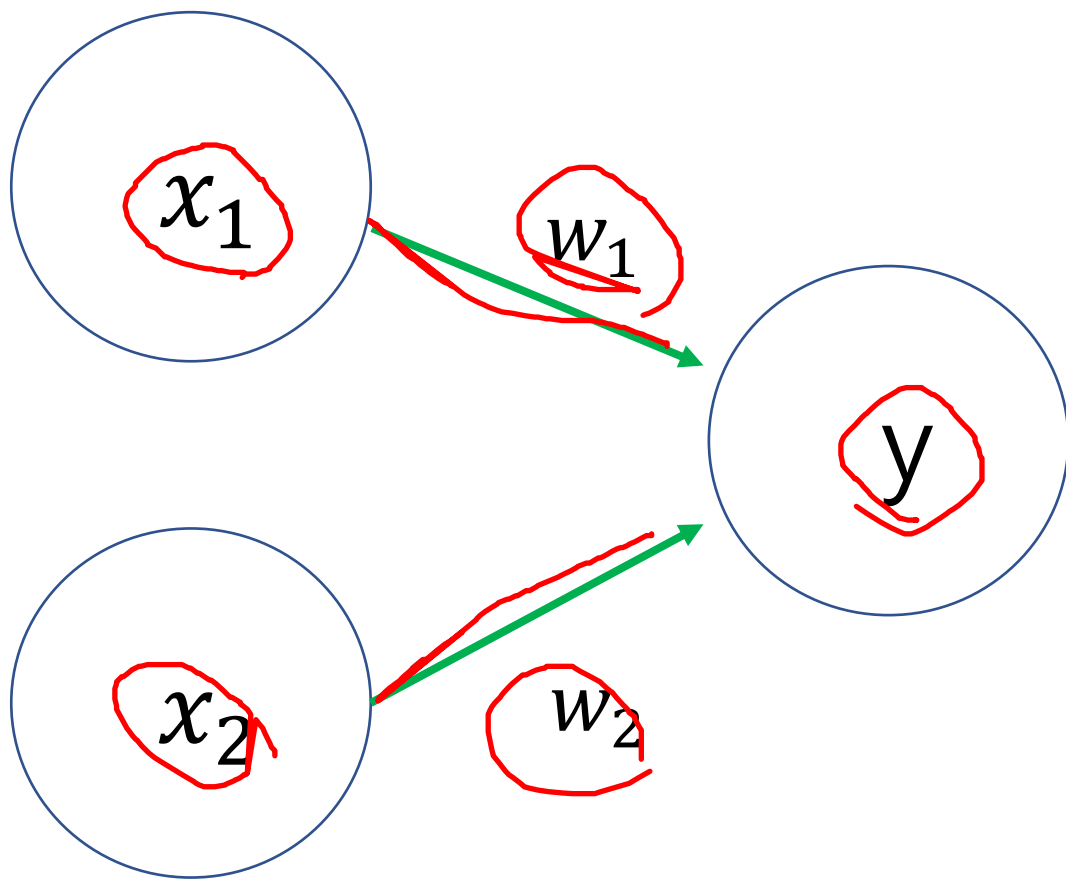
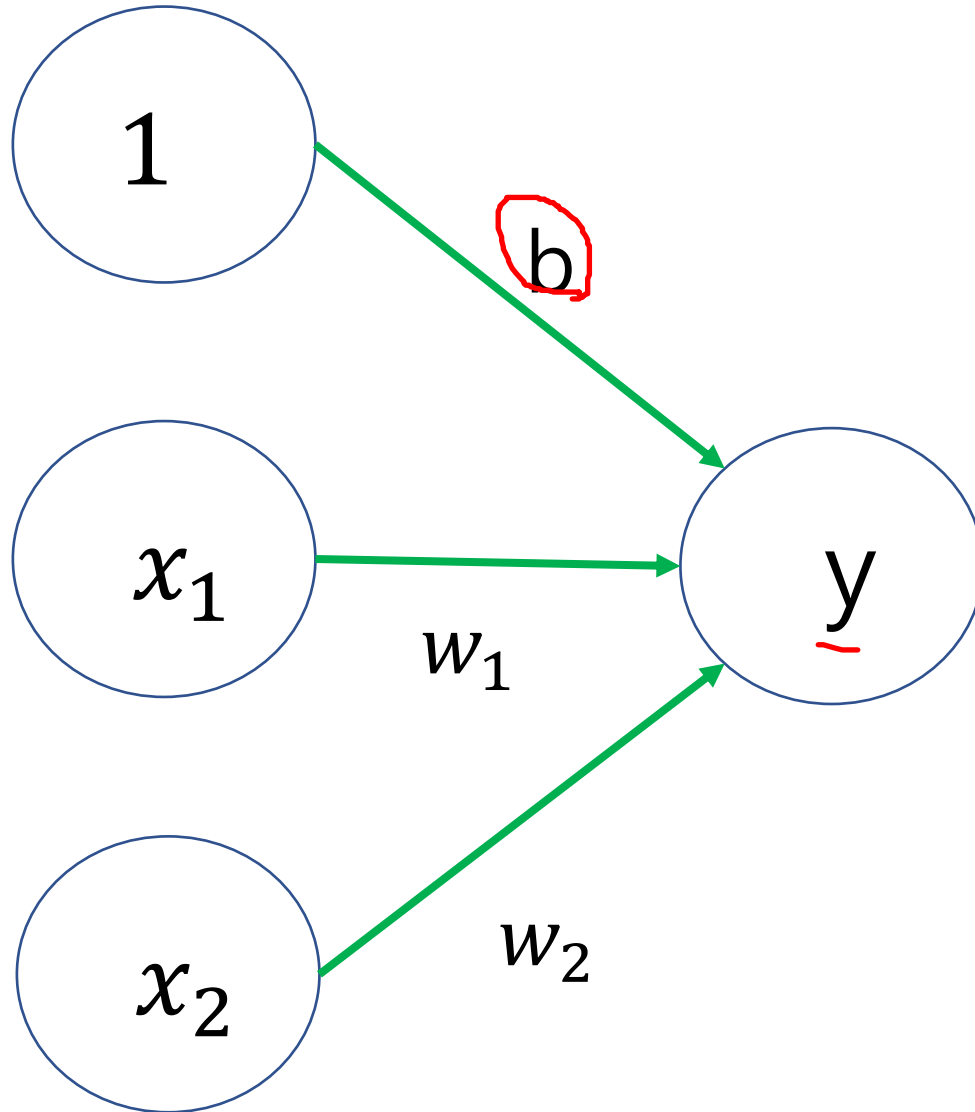


딥러닝 입문

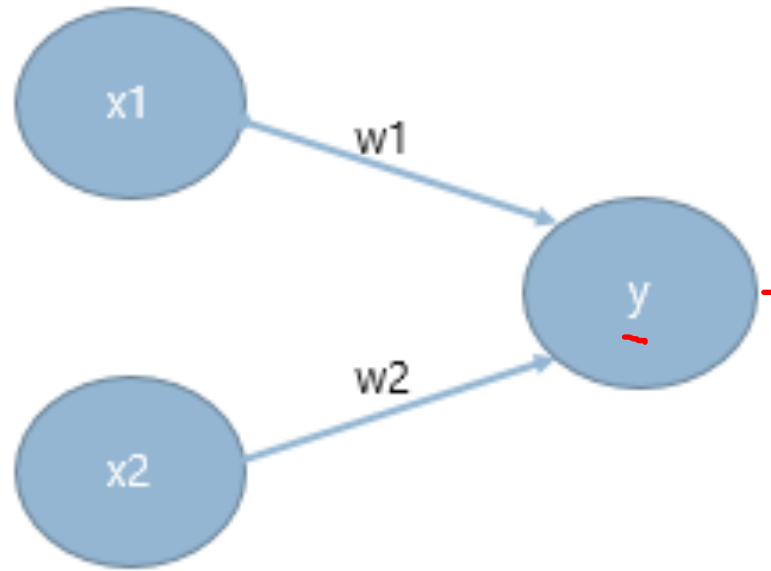
퍼셉트론(perceptron)



퍼셉트론(perceptron)



퍼셉트론 동작원리

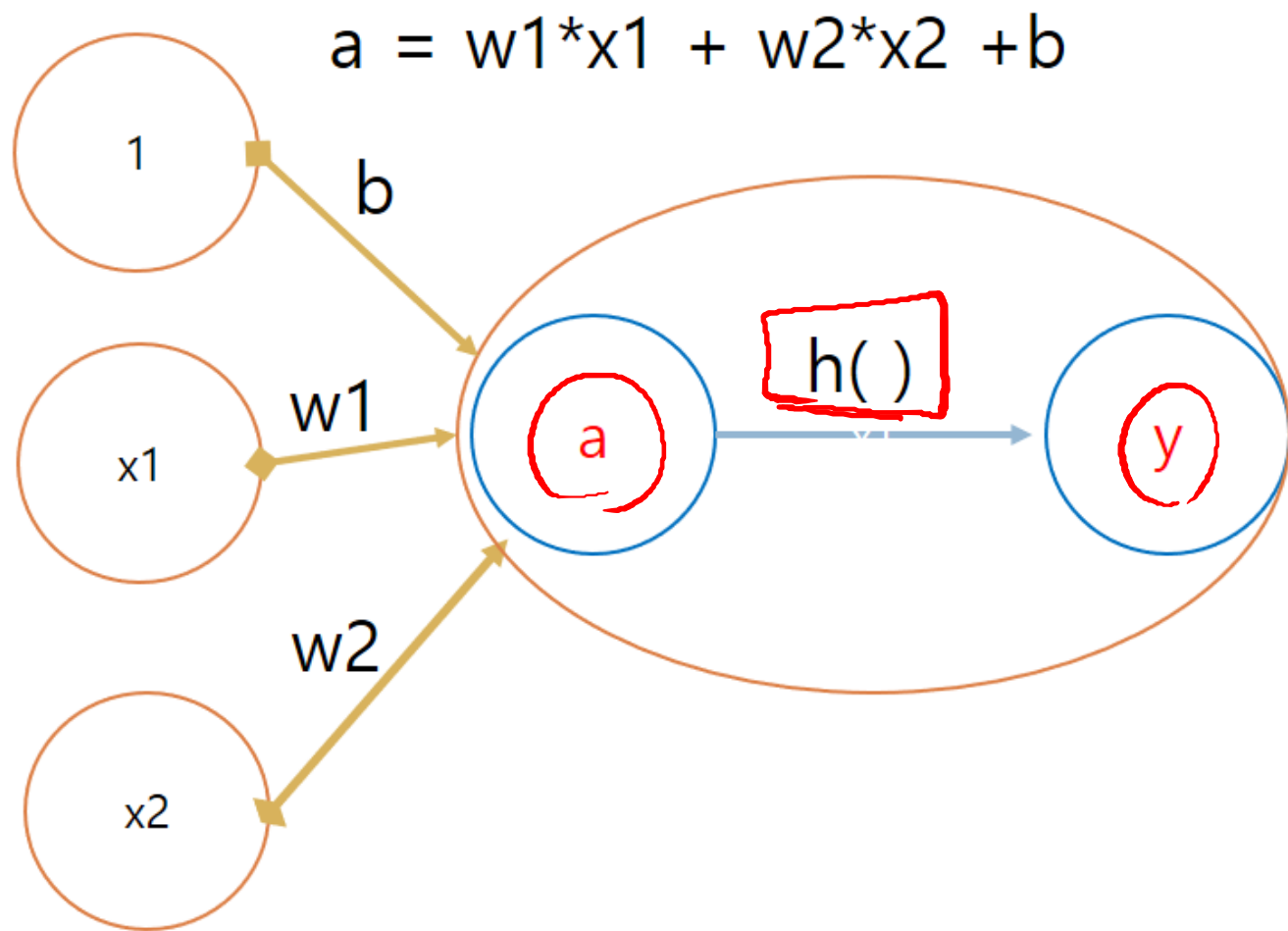


$$y = \begin{cases} \underline{0} & (w1*x1 + w2*x2 - \theta \leq 0) \\ \underline{1} & (w1*x1 + w2*x2 - \theta > 0) \end{cases}$$

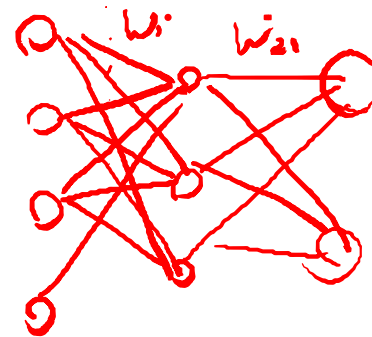
참고

θ (theta) : 임계값

활성화 함수의 등장



$h()$: 활성화 함수



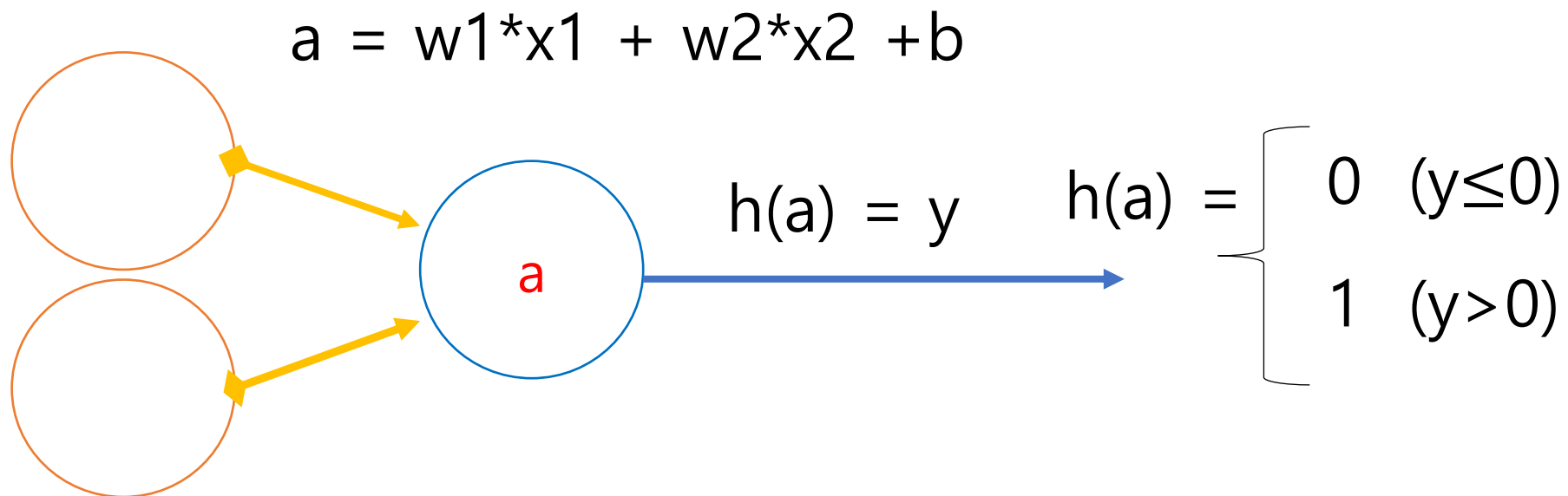
활성화 함수

$$h(x) = \begin{cases} 0 & (x \leq 0) \\ 1 & (x > 0) \end{cases}$$

신경망이란?

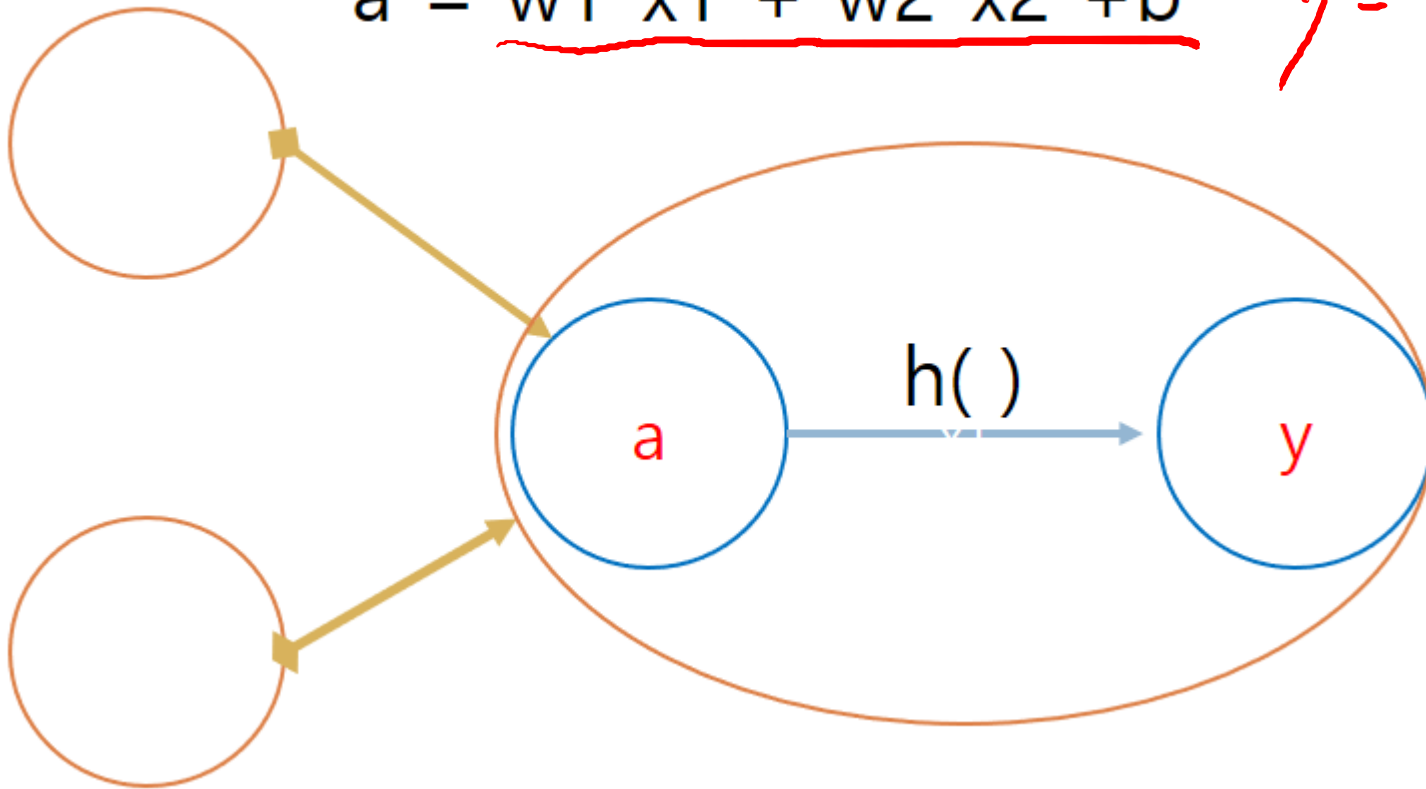
퍼셉트론을 수식으로 표현

$$y = \begin{cases} 0 & (w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + b \leq 0) \\ 1 & (w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + b > 0) \end{cases}$$

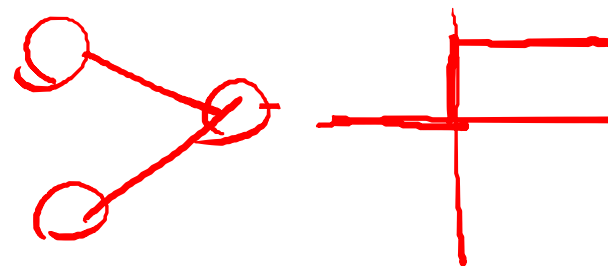


신경망이란?

$$a = \underline{w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + b} \quad y = h(a)$$



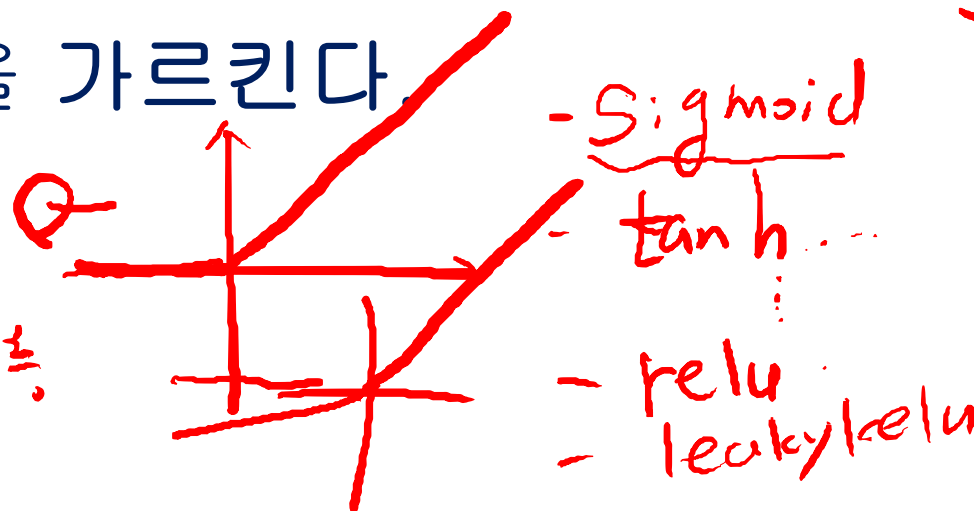
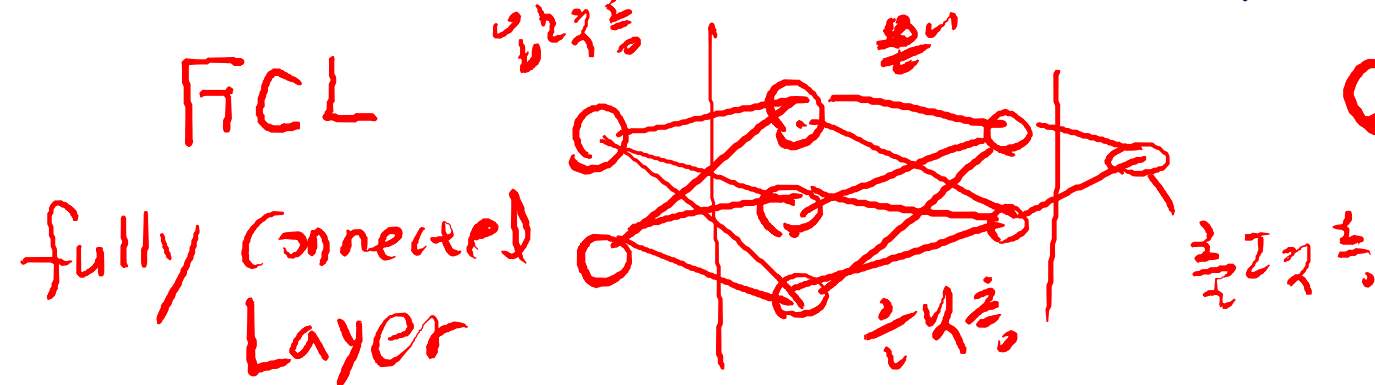
퍼셉트론 & 신경망



단순 퍼셉트론은 단층 네트워크에서 계단 함수를 활성화 함수로 사용한 모델을 가르킨다.

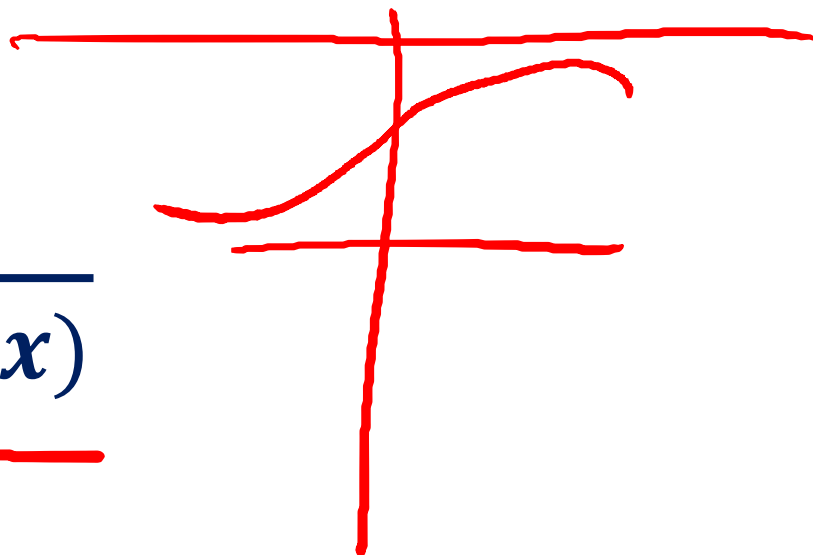


다중 퍼셉트론은 신경망(여러 층으로 구성 시그모이드 함수 등의 활성화 함수 사용)을 가르킨다.



활성화 함수- 시그모이드 함수

$$h(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}$$



$\exp(-x)$ 는 e^{-x} 를 뜻한다.

e 는 자연상수로 2.7182의 값을 갖는 실수이다.

$h(1.0) = 0.731$, $h(2.0) = 0.880$

다차원 배열의 연산

```
import numpy as np
A = np.array([1,2,3,4])
print(A)
```

[1 2 3 4]

```
np.ndim(A)
```

배열의 차원수 확인

1

스칼라 0
벡터 1

```
A.shape
```

(4,)

개씩 2 배열의 형상
(3, 3)
(3, 4)

```
A.shape[0]
```

4

```
import numpy as np
B = np.array([[1,2],[3,4],[5,6]])
print(B)
```

[[1 2]
 [3 4]
 [5 6]]

```
np.ndim(B)
```

배열의 차원수 확인

2

```
B.shape
```

배열의 형상

(3, 2)

행렬의 내적(곱)

```
A = np.array([[1,2],[3,4]])  
A.shape
```

(2, 2)

```
B = np.array([[5,6],[7,8]])  
B.shape
```

(2, 2)

```
np.dot(A,B)
```

```
array([[19, 22],  
       [43, 50]])
```


행렬의 내적(곱)

```
A = np.array([[1,2],[3,4]])
```

```
A.shape
```

```
(2, 2)
```

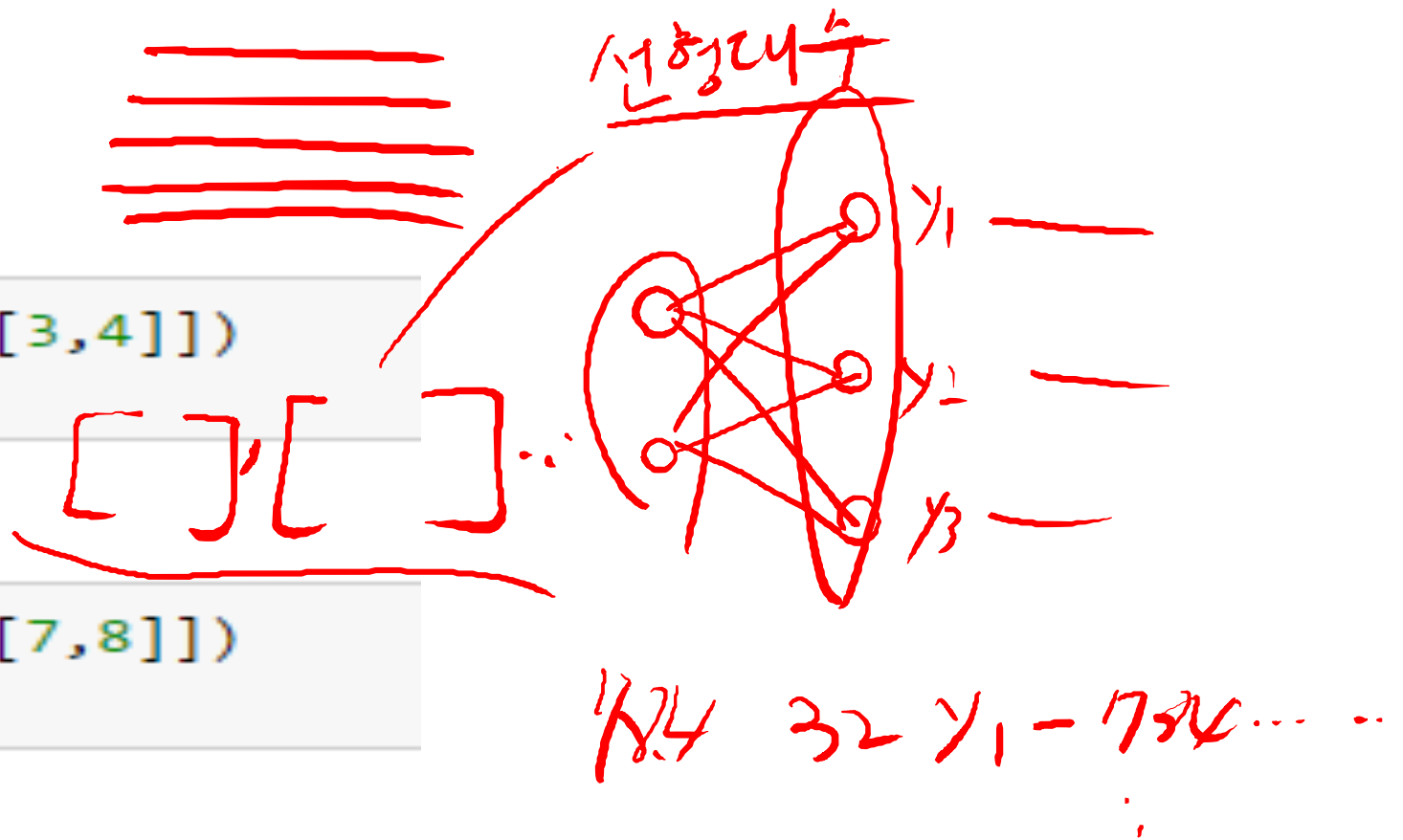
```
B = np.array([[5,6],[7,8]])
```

```
B.shape
```

```
(2, 2)
```

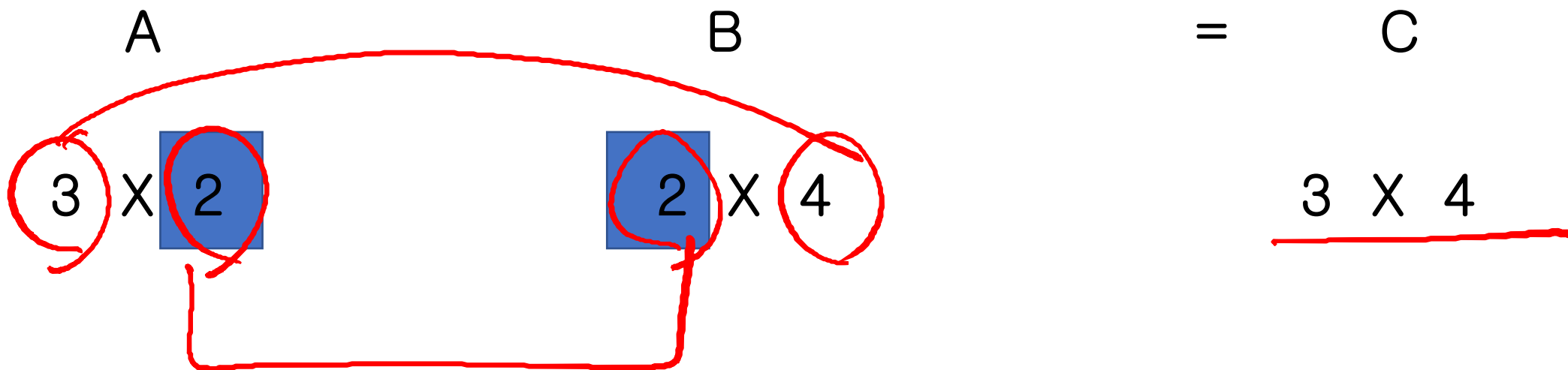
```
np.dot(A,B)
```

```
array([[19, 22],  
       [43, 50]])
```

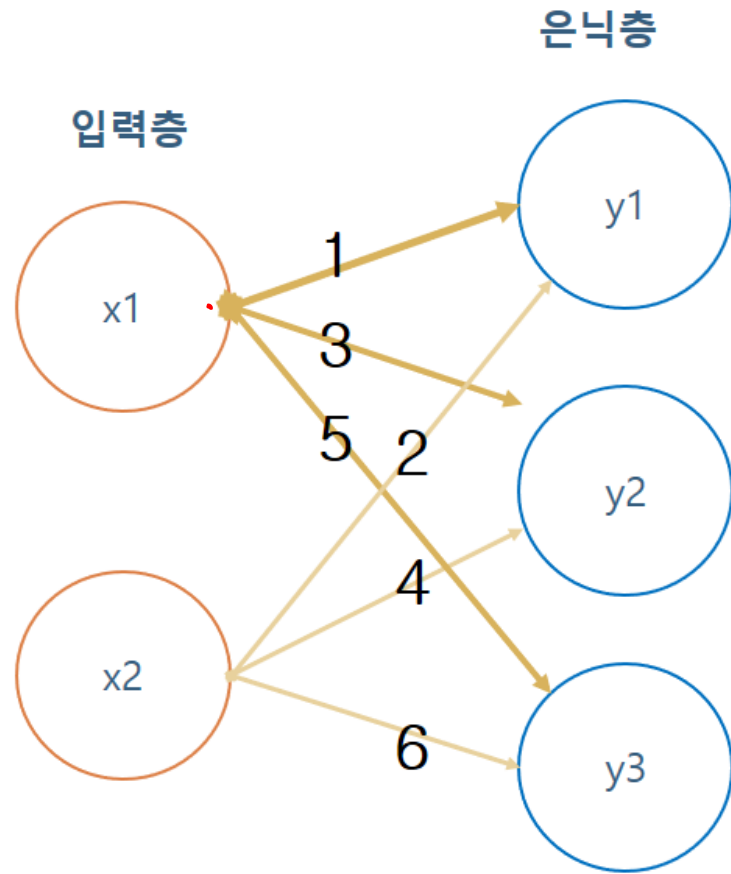


행렬의 내적(곱) 주의

행렬의 곱에서는 대응하는 차원의 원소 수를 일치 시켜야 함.



신경망의 내적



FCL

fully
Connected
layer

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \\ \\ \end{bmatrix}$$



$$\begin{matrix} X & W & = & Y \\ 1 \times 2 & 2 \times 3 & & 1 \times 3 \end{matrix}$$

Hypothesis using matrix (n output)

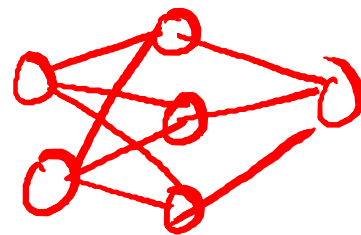
$$\begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & x_{13} \\ x_{21} & x_{22} & x_{23} \\ x_{31} & x_{32} & x_{33} \\ x_{41} & x_{42} & x_{43} \\ x_{51} & x_{52} & x_{53} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ? \\ ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{11}w_{11}+x_{12}w_{21}+x_{13}w_{31} & x_{11}w_{12}+x_{12}w_{22}+x_{13}w_{32} \\ x_{21}w_{11}+x_{22}w_{21}+x_{23}w_{31} & x_{21}w_{12}+x_{22}w_{22}+x_{23}w_{32} \\ x_{31}w_{11}+x_{32}w_{21}+x_{33}w_{31} & x_{31}w_{12}+x_{32}w_{22}+x_{33}w_{32} \\ x_{41}w_{11}+x_{42}w_{21}+x_{43}w_{31} & x_{41}w_{12}+x_{42}w_{22}+x_{43}w_{32} \\ x_{51}w_{11}+x_{52}w_{21}+x_{53}w_{31} & x_{51}w_{12}+x_{52}w_{22}+x_{53}w_{32} \end{bmatrix}$$

$[n,3]$
 $[?, ?]$
 $[N,2]$

★ 첫번째 행렬의 열, 두번째 행의 행이 같다.

★ 첫번째 행렬의 행, 두번째 행의 열이 결과 행렬의 행렬이 된다.

Cost function



model.compile
지정해 주는 것



Cost

MSE

Hypothesis와 cost Function

MSE

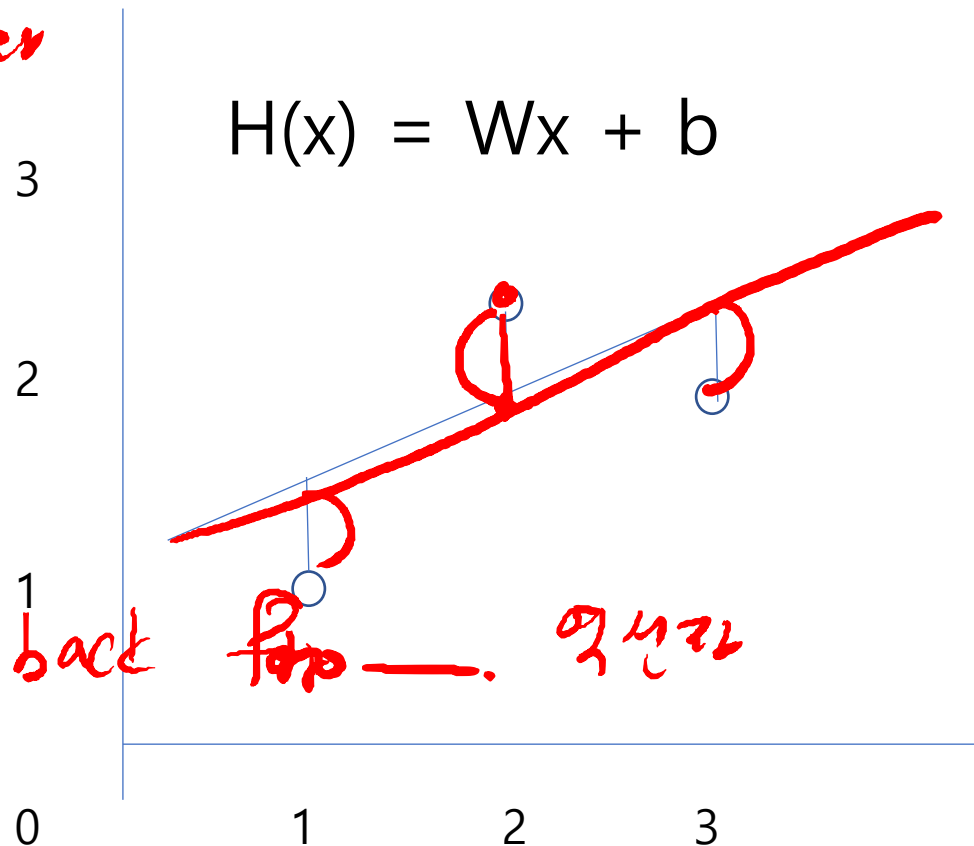
loss

optimizer

forward propagation
순전파

$$\text{Cost} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$W = W - \Delta W$$



Cost function

Hypothesis와 cost Function

$$\text{Cost} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

Handwritten notes: $\frac{1}{m}$ (예제), $\sum_{i=1}^m$ (합계), $H(x^{(i)})$ (가설)

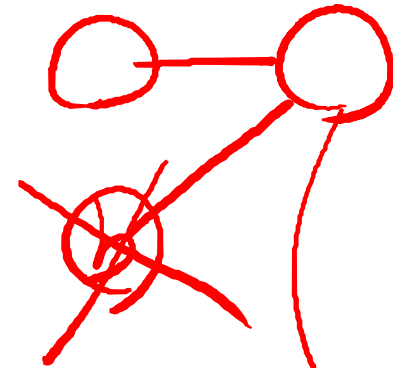
가설

$$H(x) = Wx + b$$

$$\text{Cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$$

Handwritten notes: $Wx^{(i)}$ (가설), $y^{(i)}$ (실제값)

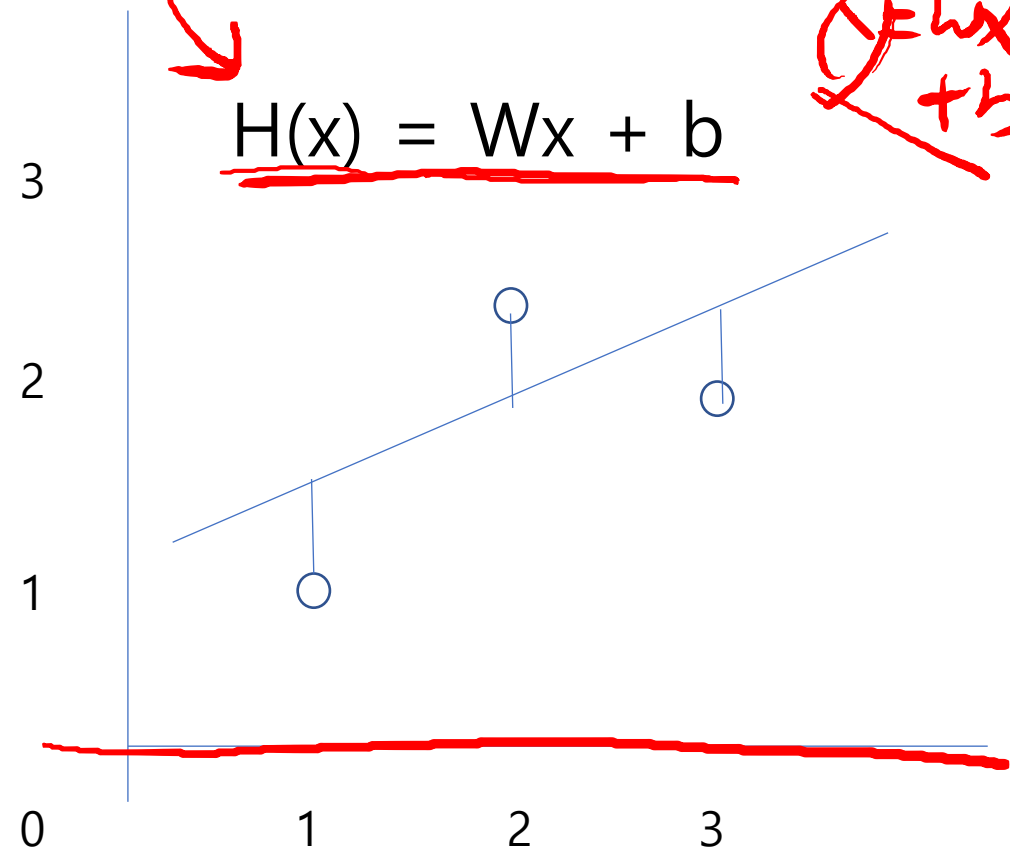
MSE



가설



$$H(x) = Wx + b$$



우리의 목표 : Minimize cost

$$\text{cost}(W,b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

Minimize cost(W,b) ■

W와 b를 통해 cost의 값을 최소화하는 알고리즘 구하기

02. Minimize cost

$$H(x) = Wx \rightarrow H(x) = 1 * x$$

W가 1일때,

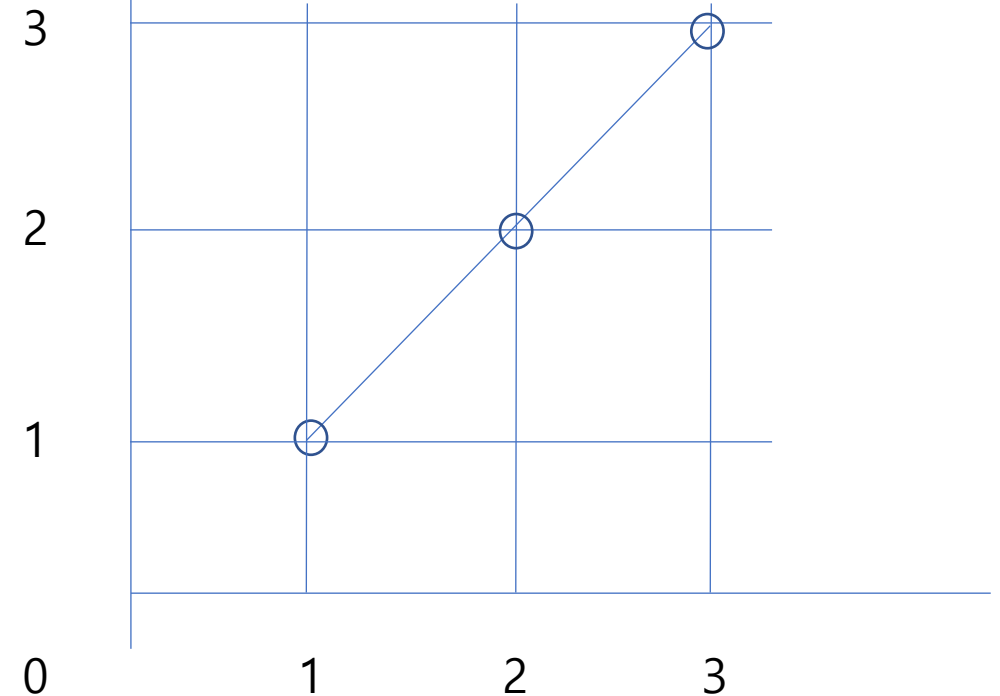
$$H(x) = Wx + b$$

$$\text{cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$\text{Cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Y
1	1
2	2
3	3

$$\frac{(1*1 - 1)^2 + (1*2 - 2)^2 + (1*3 - 3)^2}{3}$$



02. Minimize cost

$$H(x) = Wx \rightarrow H(x) = 0 * x$$

W가 0일때,

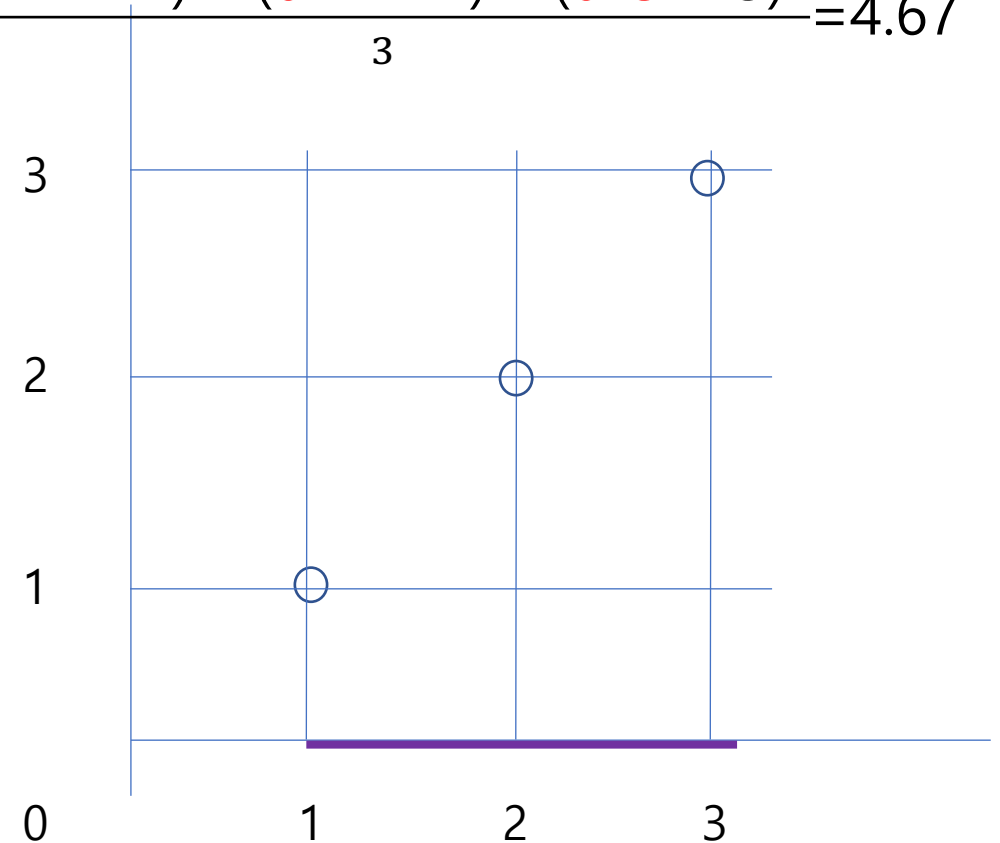
$$H(x) = Wx + b$$

$$\text{cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Y
1	1
2	2
3	3

$$\text{Cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$\frac{(0*1 - 1)^2 + (0*2 - 2)^2 + (0*3 - 3)^2}{3} = 4.67$$



02. Minimize cost

$$H(x) = Wx \rightarrow H(x) = 2 * x$$

W가 2일때,

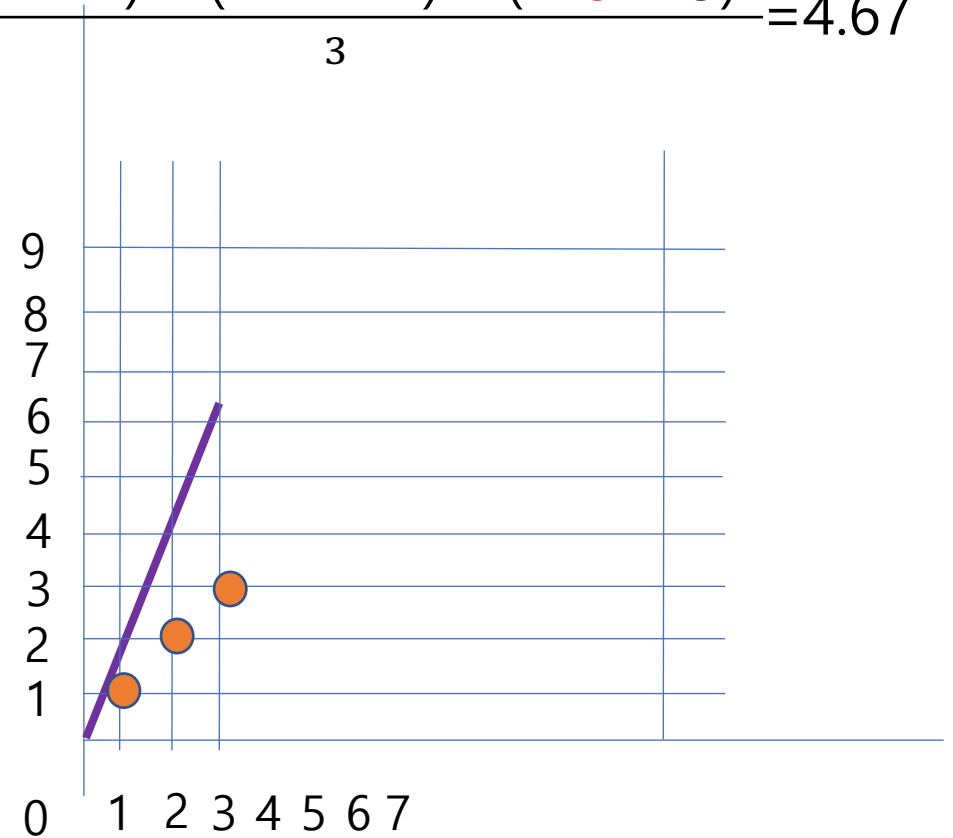
$$H(x) = Wx + b$$

$$\text{cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Y
1	1
2	2
3	3

$$\text{Cost}(W, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$\frac{(2*1 - 1)^2 + (2*2 - 2)^2 + (2*3 - 3)^2}{3} = 4.67$$



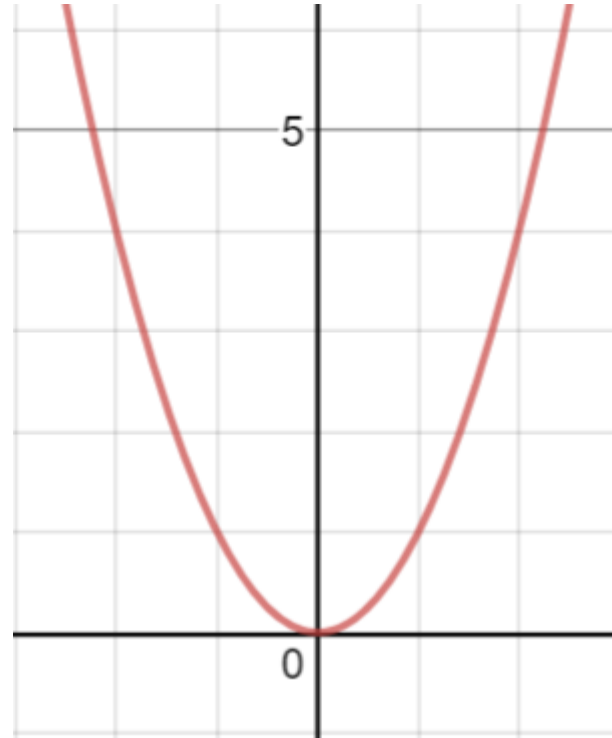
02. Minimize cost

$$H(x) = Wx + b$$

W가 0일때, $\text{cost}(W)=4.67$

W가 1일때, $\text{cost}(W)=0$

W가 2일때, $\text{cost}(W)=4.67$



Gradient descent algorithm

경사 하강 알고리즘

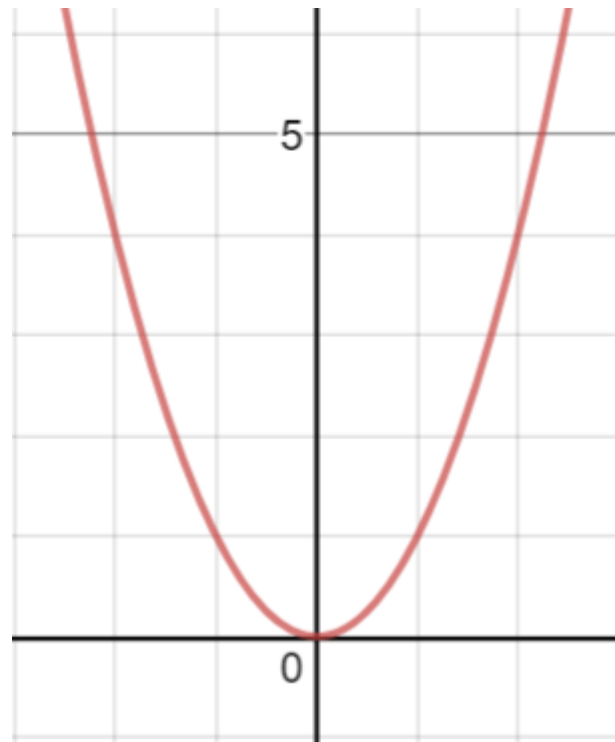
경사를 따라 내려가는 알고리즘 중의 하나이다.

가. Cost function을 최소화시키기

나. Gradient descent 는 여러 최소화 문제를 풀기 위해 사용된다.

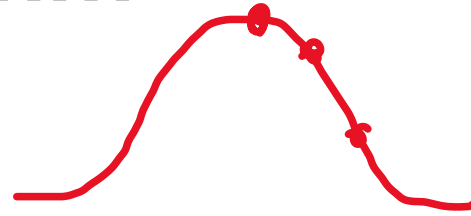
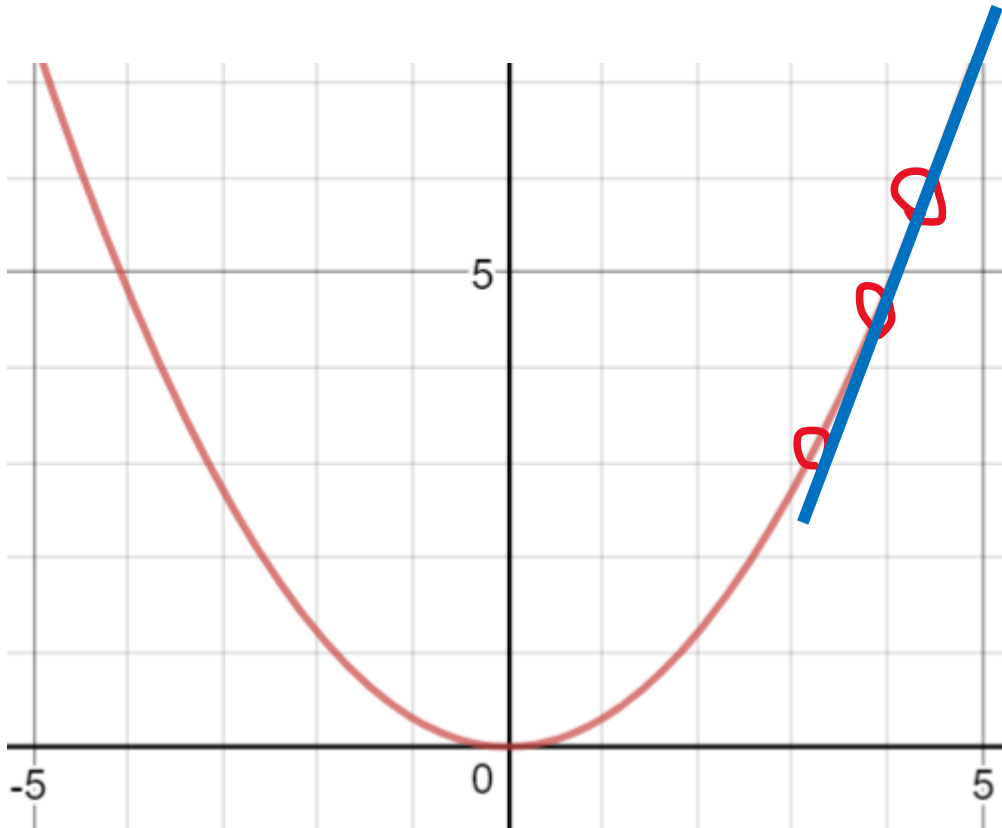
다. Cost function이 주어지고, 이 알고리즘은 cost를 최소화시키는 W 와 b 를 찾을 것이다.

라. $W_1, w_2, w_3...$



Gradient descent algorithm

경사 하강 알고리즘



- ★ Cost function을 최소화 시키기
- ★ 어느 점에서 시작하든 항상 최저점에 도달한다.
- ★ 경사도는 미분을 이용하여 구할 수 있다.
- ★ 시작할 때, 끝나는 시점을 정할 수 있다.

How it works?(어떻게 하지)

$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$$



$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$$

★ 앞의 $1/m$ 이나 $1/2m$ 같은 의미를 지닌다.

How it works?(어떻게 하지)

$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$$



$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$$

★ 앞의 미분시 $1/m$ 이나 $1/2m$ 에서 최소화할 때,
같은 의미를 지닌다.
미분을 할때 쉽게 하기 위해서

정의

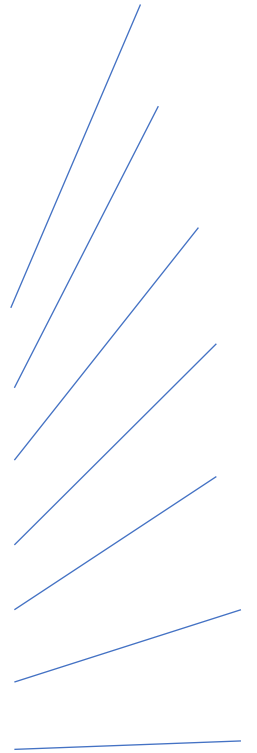
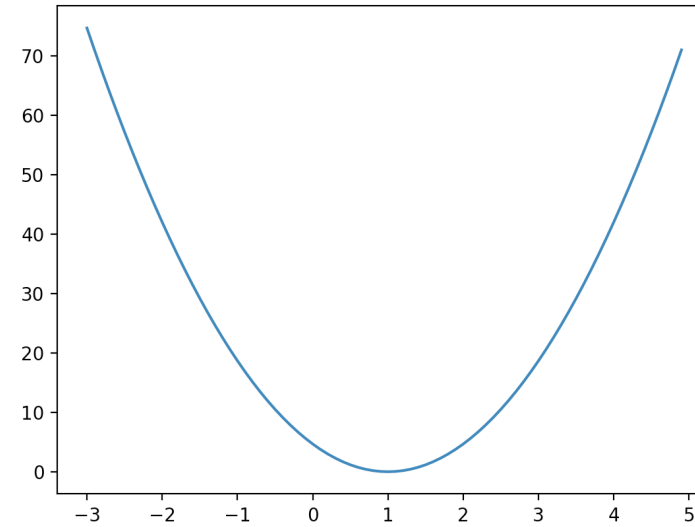
$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

Cost(W)



Cost 함수를 미분하면 기울기를 구할 수 있다.

$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial W} \text{cost}(W)$$



- ★ W가 최소지점의 영역의 오른쪽에 있으면 -방향으로
- ★ W가 최소지점의 왼쪽에 있으면 + 방향으로 움직이기 위해 -를 붙여준다.

W 학습 - 미분해 보기

$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial W} \text{cost}(W)$$

$$\text{Cost}(W) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$



$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial W} \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$W := W - \alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m 2(Wx^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)}$$

$$W := W - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)}$$

Gradient descent algorithm

$$W := W - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)}$$

Learning rate

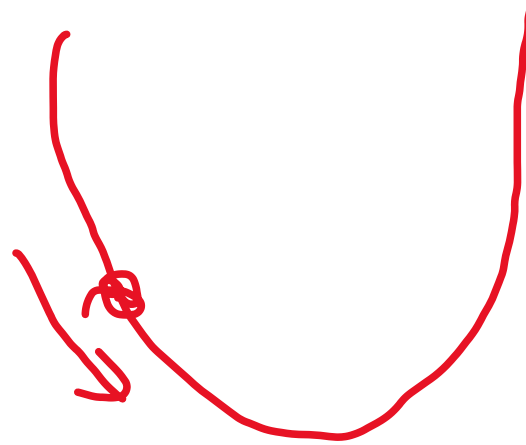
데이터 개수

★ 우리는 위와 같이 Gradient descent 알고리즘이 수식으로 나오고, 우리는 이를 기계적으로 적용만 시키면 이 Cost Function을 최소화하는 W 를 구해내고, 이것이 바로 linear regression인 학습과정을 통해서 모델을 만든다고 할 수 있다.

- **Hypothesis** $H(x) = Wx + b$

- **Cost function** $\text{Cost}(W,b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (Wx^{(i)} - y^{(i)})^2$

- **Gradient descent algorithm**



Multivariable

- Hypothesis

$$H(x) = Wx + b$$

$$H(x_1, x_2, x_3) = w_1x_1 + w_2x_2 + w_3x_3 + b$$